

答题前提示：

注意样例的输入输出格式要求，什么时候换行，什么时候空格，有几个空格？

注意题目是否提供输入边界情况

题目难度不完全递增，一时间没思路可以先往后看看

（如果时间充足不妨用多种算法解决题目，优化算法来降低时间复杂度（主要）和空间复杂度）

1、约瑟夫环

问题来历

[编辑](#)

据说著名犹太历史学家Josephus有过以下的故事：在罗马人占领乔塔帕特后，39个犹太人与Josephus及他的朋友躲到一个洞中，39个犹太人决定宁愿死也不要被敌人抓到，于是决定了一个自杀方式，41个人排成一个圆圈，由第1个人开始报数，每报数到第3人该人就必须自杀，然后再由下一个重新报数，直到所有人都自杀身亡为止。然而Josephus和他的朋友并不想遵从。首先从一个人开始，越过k-2个人（因为第一个人已经被越过），并杀掉第k个人。接着，再越过k-1个人，并杀掉第k个人。这个过程沿着圆圈一直进行，直到最终只剩下一个人留下，这个人就可以继续活着。问题是，给定了和，一开始要站在什么地方才能避免被处决。Josephus要他的朋友先假装遵从，他将朋友与自己安排在第16个与第31个位置，于是逃过了这场死亡游戏。^[1]

现在将 n 个人围成一个圈，分别为他们编上序号，从第一个人开始报数，每当报数到 3 的人退出游戏，然后再由下一个人重新报数，直到剩下最后一个人。

要求打印出每次退出游戏的人的序号，以及找出最后留在圈子中的人原来的序号。

示例：

输入：

13

输出：

3 6 9 12 2 7 11 4 10 5 1 8

13

2、结构体加指针

树木有很多种类，也有它自己的树龄，这都属于它的独有元素

(1) 现建立一个结构体 `tree`，成员变量：种类 `type` (字符串)、树龄 `age` (整型)

(2) 构造一个函数 `Input` 用以对 `tree` 的成员变量进行赋值

(3) 实现一个空函数 (返回值为空) `swap` 来交换两个 `tree` 的成员变量

age

tips: swap 形参为两个指针

3、脑筋急转弯

如何判断两个整数是否相等呢？6 和 110 会相等吗？

当 6 是一个十进制数，110 是一个二进制时， $6=110$ 。

所以，现在请判断题目给定的两个整数是否相等，若相等，输出二者的进制

(最小进制)

！ 题目保证两个整数在二进制到十进制之间

示例：

输入 1:

6 110

输出 1:

Yes 7 2

输入 2:

1 10

输出 2:

No

4、寻找最简分数

给你一个整数 n ，请你输出所有 0 到 1 之间（不包括 0 和 1）满足分母小于等于 n 的 **最简** 分数 。分数可以 **任意** 顺序输出。

若不存在这样的分数则输出” error”

示例：

输入 1:

2

输出 1:

1/2

输入 2:

4

输出 2:

1/2 1/3 1/4 2/3 3/4

输入 3:

1

输出 3:

error

5、杨辉三角

杨辉三角



 本词条由“科普中国”科学百科词条编写与应用工作项目 审核。

杨辉三角，是二项式系数在三角形中的一种几何排列，中国南宋数学家杨辉1261年所著的《详解九章算法》一书中出现。在欧洲，帕斯卡（1623——1662）在1654年发现这一规律，所以这个表又叫做帕斯卡三角形。帕斯卡的发现比杨辉要迟393年，比贾宪迟600年。 ^[1]

以下是杨辉三角的一些基础特征

前提：每行端点与结尾的数为1.

(与上图中的n不同，这里第一行定义为n=1)

1. 每个数等于它上方两数之和。
2. 每行数字左右对称，由1开始逐渐变大。
3. 第n行的数字有n项。
4. 前n行共 $[(1+n)n]/2$ 个数。

对于给定的 n，输出第 n 行的全部数据

- (1) 递归算法实现
- (2) 非递归算法实现

示例:

输入:

6

输出:

1 5 10 10 5 1

6、吃桃子

现总共有 n 个桃子，你决定每一天选择如下方式之一吃这些桃子：

吃掉一个桃子。

如果剩余桃子数 n 能被 2 整除，那么你可以吃掉 $n/2$ 个桃子。

如果剩余桃子数 n 能被 3 整除，那么你可以吃掉 $2*(n/3)$ 个桃子。

每天你只能从以上 3 种方案中选择一种方案。

请你计算吃掉所有 n 个桃子的最少天数。

示例:

输入:

10

输出:

4

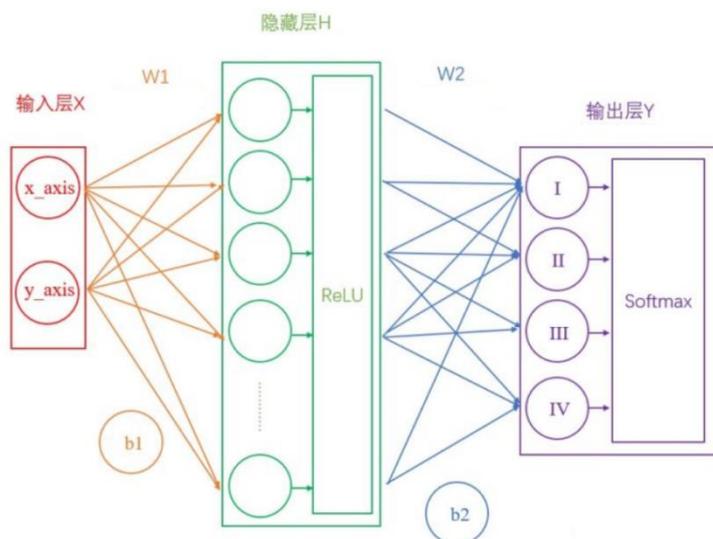
/*

第一天可以选择吃掉 1 个桃子 (剩 9 个), 也可以吃掉 5 个桃子 (剩 5 个), 以此类推。

10 个桃子的最短时间为 1-6-2-1 四天

*/

7、函数处理



图片看起来有点复杂, 但我们要做的只是简化版的函数处理

(1) 输入层

给出的输入数据 x

(2) 从输入层到隐藏层

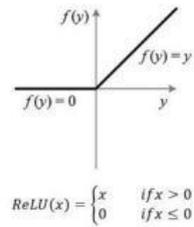
连接输入层和隐藏层的是 $W1$ 和 $b1$ 。

$$H = X * W1 + b1$$

(3) 激活层

数据在经过激活层时用激活函数进行了处理

我们这里采用 ReLU 激活函数



(4) 从隐藏层到输出层

连接隐藏层和输出层的是 W_2 和 b_2

$$Y = H * W_2 + b_2$$

(5) 输出层 (Softmax 层)

我们想让最终的输出为概率

$$S_i = \frac{e^i}{\sum_j e^j}$$

计算公式:

现要对给出的一个数组 X 进行处理。 X 、 W_1 、 b_1 、 W_2 、 b_2 由输入给出，请输出 S_i

note:

1、#define e 2.71828

2、#include <math.h>

示例：

输入：(//后为注释)

5 //数组容量

1 6 7 2 3 //数组里的数据

3 -2 0.5 4 //W1 b1 W2 b2

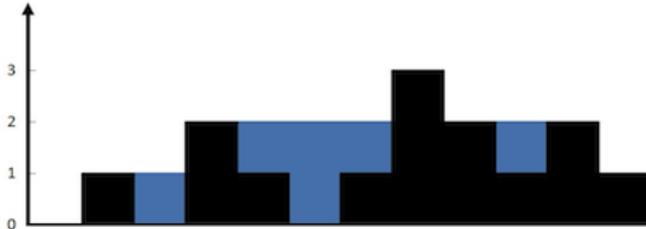
输出：

```
5
1 6 7 2 3
3 -2 0.5 4
0.000100638 0.181956 0.815471 0.000451026 0.00202136
```

8、接收液体

将物块以一定的顺序堆积起来，可以形成一个接收液体的容器。

现给定 n 个非负整数表示每个宽度为 1 的物块的堆积情况，请计算出其能接受液体的数量（具体看案例）



上面是由数组 $[0, 1, 0, 2, 1, 0, 1, 3, 2, 1, 2, 1]$ 表示的堆积情况，在这种情况下，可以接 6 个单位的液体（蓝色部分表示液体）。

示例:

输入:

12

0 1 0 2 1 0 1 3 2 1 2 1

输出:

6

9、行列式的计算

在学习线性代数时，行列式的计算是不可缺少的一环，现需要对给定的行列式进行计算并输出他的值

以下是行列式的计算方法:

n阶行列式的计算

首先给出代数余子式的定义。

定义2 [1] 在行列式

$$\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{vmatrix}$$

中划去元素 a_{ij} 所在的第 i 行第 j 列，剩下的 $(n-1)^2$ 个元素按原来的排法构成一个 $n-1$ 阶的行列式 M_{ij} ，称 M_{ij} 为元素 a_{ij} 的余子式， $A_{ij}=(-1)^{i+j} M_{ij}$ 称为元素的代数余子式。

定理 [1] 设

$$d = \begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{vmatrix},$$

A_{ij} 表示元素 a_{ij} 的代数余子式，则下列公式成立：

$$a_{k1}A_{k1} + a_{k2}A_{k2} + \cdots + a_{kn}A_{kn} = \begin{cases} d, & k=i, \\ 0, & k \neq i. \end{cases}$$

$$a_{11}A_{1j} + a_{21}A_{2j} + \cdots + a_{n1}A_{nj} = \begin{cases} d, & j=j, \\ 0, & j \neq j. \end{cases}$$

或

消元法。

行列式某一行 \times 某个数 加到另外一行，行列式的值不变。

利用这个把行列式变成

$$\begin{matrix} a_{11} & 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ a_{21} & a_{22} & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & 0 & \cdots & 0 \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} & \cdots & 0 \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ a_{n1} & a_{n2} & a_{n3} & a_{n4} & \cdots & a_{nn} \end{matrix}$$

的形式

则行列式的值等于 $a_{11} \cdot a_{22} \cdot a_{33} \cdot a_{44} \cdot \cdots \cdot a_{nn}$

现给出矩阵的大小 n (n 行 n 列)，矩阵 matrix

tips: 题目保证输入规范且矩阵不会太大

(尽量将两种都写出来)

示例:

输入:

3

1 2 3

4 5 6

7 8 9

输出:

0

10、迷宫问题

现给定一个 $n*n$ 的迷宫，用 0 表示可以通行，用 1 表示障碍，要求找到从起点 $[0, 0]$ 到终点 $[n-1, n-1]$ 的所有路径，若无路径则输出 "no path"。

输入：

`n` //迷宫大小

`matrix` //迷宫

输出：

`[x0,y0] -> [x1,y1] -> END` 或 `no path`

示例 1:

```
5
0 0 0 1 1
1 1 0 0 0
1 0 0 1 0
1 0 1 1 0
1 0 0 0 0
[0, 0] -> [0, 1] -> [0, 2] -> [1, 2] -> [2, 2] -> [2, 1] -> [3, 1] -> [4, 1] -> [4, 2] -> [4, 3] -> [5, 5] -> END
[0, 0] -> [0, 1] -> [0, 2] -> [1, 2] -> [1, 3] -> [1, 4] -> [2, 4] -> [3, 4] -> [5, 5] -> END
```

示例 2:

```
6
0 0 0 0 1 1
1 1 1 0 0 1
1 0 1 0 1 1
1 0 0 0 0 0
1 0 1 1 1 1
1 0 0 1 1 0
no path
```